

## Stringovi (niske) – bilten rešenja nakon takmičenja Shining star 01

1.

αλφαβητικό καθρέφτη

Katarina je odlučila da svojoj drugarici pošalje šifrovani poruku, koja sadrži samo slova engleske abecede, cifre i interpunkcijske znake.

Svako slovo će šifrovati posebno na osnovu narednih pravila. Mala slova se šifruju velikim slovima tako što se slovo **a** šifruje slovom **Z**, slovo **b** šifruje slovom **Y**, **c** slovom **X** itd., sve do slova **y** koje se šifruje slovom **B** i **z** koje se šifruje slovom **A**. Velika slova se šifruju potpuno analogno - od **A** koje se šifruje sa **z** do **Z** koje se šifruje sa **a**. Ostali karakteri se ne menjaju.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se jedna linija teksta, završena karakterom tačka (karakterom **.**).  
Izlaz

Na standardni izlaz ispisati šifrovani tekst (bez karaktera tačka).

Primer

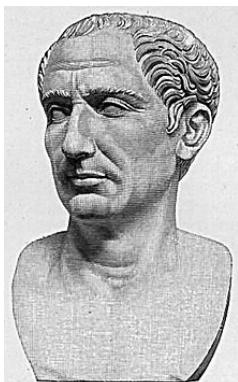
Ulaz

Zdravo svima.

Izlaz

aWIZEL HERNZ

Malo istorije:



У криптографији, **Цезарова шифра** је један од најпростијих и најраспрострањенијих начина шифровања. То је тип шифре замењивања у коме се свако слово отвореног текста мења одговарајућим словом азбуке, помереним за одређени број места. На пример, са помаком 3, А се замењује словом Г, Б са Д итд. Овај метод је добио име по Јулију Цезару, који га је користио за размену порука са својим генералима.  
*Ако је имао да каже нешто поверљиво, он је то писао шифровано тако што је мењао редослед слова у алфабету и на тај начин постигао да се ниједна реч није могла препознати. Ако би неко то желео да дешифрује и добије значење тога, морао би да замени четврто слово алфабета, дакле D са A и тако даље за осталаг. — Светоније, Живот Јулија Цезара*

**За размишљање: Који крипто напад предлажете ради дешифровања шифрата добијеног применом Цезарове шифре?**

=====

Rešenje

**Ovaj zadatak rešavamo jednoprolazno: tekst sa ulaza se može učitavati i obradivati karakter po karakter.**

Dakle, prvi zadatak je da čitamo karaktere jedan po jedan, dok ne dođemo do karaktera **'.'**. Jedna mogućnost je da učitamo odjednom celu liniju (pomoću **getline** funkcije,

[https://en.cppreference.com/w/cpp/string/basic\\_string/getline](https://en.cppreference.com/w/cpp/string/basic_string/getline)).

Ali, druga način učitavanja je da učitamo znake(karaktere) jedan po jedan, u petlji (ciklusu).

Na primer, takva petlja može da se organizuje tako da se u samom uslovu petlje i pročita karakter i proveri da li je pročitani karakter oznaka kraja reda. U jeziku C++ jedan način je da se napravi petlja oblika

```
char c;
```

```
while (cin.get(c) && c != '.') {  
    ...  
}
```

U telu petlje potrebno je šifrovati svaki karakter. Prvo vršimo klasifikaciju na mala slova, velika slova i ostale karaktera (korišćenjem bibliotečkih funkcija islower, isupper iz zaglavlja ctype.h u C++, odnosno ctype.h u programskom jeziku C ).

Ako je karakter klasifikovan kao malo slovo, vršimo njegovo šifrovanje i to tako što primetimo da će rastojanje između koda karaktera koji se šifruje od koda karaktera 'a' biti jednak rastojanju između karaktera 'Z' i rezultata. Na primer, ako je u pitanju karakter 'c' njegovo rastojanje od karaktera 'a' je dva, pa je rezultat karakter čiji se kod dobija kada se broj dva oduzme od koda karaktera 'Z' tj. dobija se karakter 'X'. Dakle, mala slova se mogu šifrovati na osnovu veze 'Z' - (c - 'a'), a velika slova na osnovu veze `z` - (c - 'A').

## REŠENJE 1

```
#include <iostream>  
#include <cctype>  
// zbog funkcija islower, isupper  
  
using namespace std;  
  
int main() {  
    char c;  
    while(cin.get(c) && c != '.') {  
        if (islower(c)) //provera da li je c malo slovo  
            cout.put('Z' - (c - 'a'));  
        else if (isupper(c)) //provera da li je c veliko slovo  
            cout.put('z' - (c - 'A')); //stampa izmenjenog karaktera na cout  
        else  
            cout.put(c); //stampa neizmenjenog karaktera na cout  
    }  
    return 0;  
}
```

## REŠENJE 2

```
#include <bits/stdc++.h>  
  
using namespace std;
```

```

int main()
{
    string s;
    getline(cin, s);

//for(int i=0;i<s.length();i++)
for(auto c : s){ //c=s[i];
    if(islower(c)|| isupper(c)) //ako je c slovo, tj. if isalpha(c)
    {
        cout<<char('a'+'Z'-c);
    }
    else if(c!='.') cout<<c;
}
return 0;
}

```

### REŠENJE 3

```

#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
    string s;
    getline(cin, s);

    for (int i=0; i<s.size(); i++)
    {
        if (s[i]>='a' && s[i]<='z')
            s[i]= 'Z' - (s[i] - 'a');
        else if (s[i]>='A' && s[i]<='Z')
            s[i]= 'z' - (s[i] - 'A');
    }

    cout<<s.substr(0, s.size()-1);
    return 0;
}

```

Zadatak 2

Napisati program kojim se proverava da li je data reč sastavljena isključivo od malih slova palindrom. Reč je palindrom ako se jednako čita slevo na desno i sdesna na levo.

**Ulaz**

Prva i jedina linija standardnog ulaza sadrži reč.

**Izlaz**

Na standardnom izlazu prikazati reč **da** ako reč predstavlja palindrom inače prikazati reč **ne**.

**Primer**

**Ulaz**

madam

**Izlaz**

da

**Rešenje**

## Linearna pretraga za neodgovarajućim karakterom

Zadatak se može rešiti tako što se porede parovi karaktera iz datog stringa i to prvi karakter i poslednji, drugi i preposlednji i tako dalje. Jedan način obilaska parova je pomoću dve promenljive  $i, j$  koje predstavljaju pozicije karaktera koji se upoređuju. Indeks i inicijalizujemo na vrednost 0 (početak stringa), a indeks j inicijalizujemo na vrednost  $n-1$  (kraj stringa), a zatim menjamo indekse tako da se i (indeks prvog elementa u paru) uvećava za 1 u svakom prolazu, a j (indeks drugog elementa) smanjuje za 1, sve dok važi da je  $i < j$ . Ovakav izbor parova za poređenje u okviru stringa (sa početka i kraja stringa) se može izvršiti i uz pomoć samo jednog indeksa i, s tim što se onda u ciklusu porede elementi niza sa pozicija i i  $n-1-i$ , a i se uvećava dok god je strogo manje od vrednosti  $[n/2]$  tj. dok je  $i < n/2$ .

Provera se zasniva na algoritmu linearne pretrage i među parovima se traži da li postoji neki u kojem su karakteri različiti. Pretragu je moguće implementirati u glavnom programu, kao što je prikazano u 1. rešenju.

Pretragu je moguće implementirati i u potprogramu palindrom (tj. u sklopu funkcije čija je osnova petlja koja prolazi kroz sve parove karaktera koje treba uporediti) kao što je prikazano u 2. rešenju. Prvi put kada najdemo na različite karaktere, provera se prekida i funkcija može da vrati `false`, dok vrednost `true` vraćamo na kraju funkcije, nakon petlje kojoj su provereni svi parovi i u kojoj je utvrđeno da ne postoji različit par karaktera.

## Bibliotečke funkcije

Kraći kod (ali ne obavezno i efikasno rešenje) moguće je postići primenom bibliotečkih funkcija. Jedna ideja je da se primeti da je string palindrom ako i samo ako je jednak nizu koji se dobija njegovim obrtanjem. Jedna optimizacija ovog pristupa je da se primeti da nije potrebno porediti ceo string, već samo proveriti da li je njegova prva polovina jednaka obratnoj drugoj polovini (pri čemu se u slučaju neparnog broja karaktera središnji karakter ne uračunava ni u jednu od dve polovine). Postoji nekoliko načina da se obrne niska `s` u jeziku C++. Jedan je da se napravi njegova kopija `t`, a onda da se upotrebi funkcija `reverse(t.begin(), t.end())`, međutim, još bolji način je da se upotrebi konstruktor kojem se prosleđuju reverzni iteratori (oni string obilaze sdesna na levo) tj. `string(s.rbegin(), s.rend())`. Deo niske (podnisku) možemo izdvojiti metodom `substr`.

*Obrtanje stringa na načine koje smo prikazali uzrokuje izgradnju novog stringa u memoriji, što je memoriski nepotrebno zahtevno i time su prethodna rešenja zasnovana na bibliotečkoj funkcionalnosti neefikasnija nego ona ručno implementirana.*

U jeziku C++ se problem može elegantno razrešiti ako se upotrebi funkcija `equal` koja proverava da li su dva segmenta elemenata niza jednaka. Argumenti ove funkcije su iteratori koji određuju prvi segment (iterator na njegov prvi element i iterator koji ukazuje neposredno iza njegovog poslednjeg elementa) i iterator koji ukazuje na prvi element drugog segmenta. Drugi iterator može biti i reverzni, čime se postiže da se prilikom poređenja drugi segment obilazi unazad, s desna na

levo. Time se uslov palindroma svodi na `equal(s.begin(), s.end(), s.rbegin())` ili još bolje na `equal(s.begin(), next(s.begin(), s.size() / 2), s.rbegin())`. Ovo rešenje je veoma efikasno.

### 1. rešenje

```
#include <iostream>
#include <string>
using namespace std;

int main() {
    string s;
    cin >> s;
    for (int i = 0, j = s.size() - 1; i < j; i++, j--)
        if (s[i] != s[j])
            {cout << "ne" << endl; return 0;}
    cout << "da" << endl;
    return 0;
}
```

### 2. rešenje

```
#include <iostream>
#include <string>
using namespace std;

bool palindrom(string s) {
    for (int i = 0, j = s.size() - 1; i < j; i++, j--)
        if (s[i] != s[j])    return false;
    return true;
}
```

```
int main() {
    string s;
    cin >> s;
    if (palindrom(s))
        cout << "da" << endl;
    else
        cout << "ne" << endl;
    return 0;
}
```

### 3.rešenje

```
#include <iostream>
#include <string>
using namespace std;
```

```

bool palindrom(string s) {
    int n = s.size();
    for(int i = 0; i < n/2; i++)
        if (s[i] != s[n-1-i])
            return false;
    return true;
}

int main() {
    string s;
    cin >> s;
    if (palindrom(s))
        cout << "da" << endl;
    else
        cout << "ne" << endl;
    return 0;
}

```

#### 4. rešenje

```

#include <iostream>

#include <string>
#include <algorithm>
using namespace std;

int main() {
    string s;
    cin >> s;
    if (equal(s.begin(), s.end(), s.rbegin()))
        cout << "da" << endl;
    else
        cout << "ne" << endl;

    return 0;
}

```

#### 5. rešenje

```

#include <iostream>
#include <string>
#include <algorithm>
using namespace std;

int main() {
    string s;
    cin >> s;
    if (equal(s.begin(), next(s.begin(), s.size() / 2), s.rbegin()))
        cout << "da" << endl;
    else
        cout << "ne" << endl;
    return 0;
}

```

```
}
```

## 6. rešenje

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <algorithm>
using namespace std;

int main() {
    string s;
    cin >> s;
    if (s == string(s.rbegin(), s.rend()))
        cout << "da" << endl;
    else
        cout << "ne" << endl;
    return 0;
}
```

## 7. rešenje

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <algorithm>
using namespace std;

int main() {
    string s;
    cin >> s;
    if (string(s.begin(), next(s.begin(), s.size()/2)) ==
        string(s.rbegin(), next(s.rbegin(), s.size()/2)))
        cout << "da" << endl;
    else
        cout << "ne" << endl;
    return 0;
}
```

---

## Zadatak 03

Žuti mravi žele da odrede površinu livade po kojoj se kreću. Pošto su oni jako mali, dužina i širina livade su izraženi u mikrometrima.

### Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose dva cela broja a i b ( $0 \leq a, b \leq 4 \cdot 10^9$ ) koji predstavljaju dimenzije livade u mikrometrima.

### Izlaz

Na standardni izlaz ispiši površinu livade u mikrometrima kvadratnim.

### Primer 1

#### Ulaz

1234567890

3216549870

```
Izlaz  
3971049186085674300
```

## Primer 2

```
Ulaz  
4000000000  
4000000000  
  
Izlaz  
16000000000000000000000000
```

## Rešenje

Algoritam koji treba primeniti u ovom zadatku je jednostavan, jer je potrebno pomnožiti dva cela broja.

Naime, površina pravougaonika je jednaka  $P = a \cdot b$ .

Ali u ovom zadatku su ulazni brojevi koji se množe veoma veliki (gornje ograničenje ulaznih parametara je  $4 \cdot 10^9$ ). Za njihovo predstavljanje u memoriji potrebno je koristiti 32-bitni, neoznačeni zapis brojeva (jer je  $2^{31} < 4 \cdot 10^9 < 2^{32}$ ) i to je moguće uraditi pomoću tipa `unsigned int` u jeziku C++.

Maksimalna vrednost njihovog proizvoda je  $16 \cdot 10^{18}$ , a nju je moguće ispravno reprezentovati samo pomoću neoznačenih 64-bitnih brojeva - tipa `unsigned long long` u jeziku C++ (označeni 64-bitni brojevi dostižu samo  $2^{63} - 1$ , što je manje od  $16 \cdot 10^{18}$ ).

Jednostavnosti radi, moguće je i ulazne podatke predstaviti 64-bitni neoznačenim brojevima.

```
#include <iostream>  
using namespace std;
```

```
int main() {  
    unsigned long long a, b;  
    cin >> a >> b;  
    cout << a * b << endl;  
    return 0;  
}
```

## Zadatak 05

Napisati program kojim se određuje tekst koji se dobija brisanjem iz datog teksta svih pojavljivanja podreči iz datog skupa. Brišu se prvo sva pojavljivanja prve reči, zatim druge, treće i tako do kraja. Taj postupak se ponavlja sve dok je se tekst njime menja. Prilikom brisanja svih pojavljivanja reči postupak se iscrpno ponavlja sve dok je brisanje moguće.

Na primer, za tekst `babrakadabrabrr` i skup reči `{br, ka, aa}`, prvo se iscrpno briše `br` i dobija se `baarkadaa`, zatim se briše `ka` i dobija se `baardaa`, zatim se briše `aa` i dobija se `brd`. Nakon toga se kreće iz početka, iscrpno se briše `br` i dobija `d`, pokušava se sa brisanjem `ka` i `aa` koje ne uspeva, prolazi se kroz treći krug u kojem reč ostaje ista i prijavljuje se rezultat `d`.

## Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza je tekst, dužine najviše  $5 \cdot 10^5$  karaktera iz kojeg se brišu reči koje se učitavaju iz narednih linija. Reči se učitavaju do kraja standardnog ulaza i ima ih najviše  $10^5$ , a svaka je dužine najviše 10 karaktera.

## Izlaz

Tekst koji se dobija nakon brisanja podreči koje sadrži.

Primer

Ulaz

**babrakadabrabrr**

br

ka

aa

Izlaz

d

## Rešenje

Ključni element rešenja je potprogram koji uklanja sva pojavljivanja datog podstringa (podniske) iz datog stringa (niske).

U jeziku C++ na raspolaganju nam стоји метода `erase` која као параметар према позицији и број карактера и briše подстринг који почиње на тој позицији и има тај број карактера.

Да бисмо обрисали конкретну подниску прво треба да пронађемо нjenу појављивање што можемо да урадимо коришћењем методе `find`.

У петљи вршимо претрагу памтећи пронађену позицију све док она не добије вредност `string::npos`. У услову петље истовремено додељујемо вредност променљивој која чува позицију и проверавамо да ли је та додељена вредност разлиčita од `string::npos`. У телу петље pozivamo функцију `erase` и вршимо бришење. Пошто функција мора да врати податак о томе да ли је извршена нека замена, уводимо логичку променљиву коју пре петље иницијализујемо на вредност `false` (ништа до тада још nije обрисано), а коју у телу петље (у коме се врши бришење) постављамо на вредност `true` (нешто је обрисано). На крају функције враћамо вредност те променљиве.

У главном програму учитавамо линiju текста која ће се менјати, а затим и низ подниски које ће бити брисани. Пошто не зnamo koliko ih je, smestićemo ih u dinamički niz (vektor u jeziku C++). Nakon toga, u petlji ćemo prolaziti kroz kolekciju подниски, брисati једну по једну (позивом помоћне функције), чuvajući, при том, у логичкој променљивој информацију да ли је дошло до неког бришења. Postupak ćemo ponavljati (помоћу спољашње петље) све док се не desi да се prođe kroz целуコレкцију подниски, а да не dođe ni do jednog бришења (што ćemo znati na osnovu вредности логичке променљиве).

Primetimo da je najpogodnija петља за ову петљу `do-while`, која се, како smo видели, мало ређе користи od петљи sa провером услоva на почетку (petlji `while` i njih veoma srodne петље `for`).

### 1. rešenje

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
using namespace std;

// briše svu pojavljivanja stringa s u stringu str i vraca podatak
// o tome da li je nesto obrisano
bool obrisi(string& str, const string& s) {
    size_t poz;
    // u pocetku nije nista obrisano
    bool obrisano = false;
    // dok god uspevamo da pronadjemo podstring s na nekoj poziciji poz
    while ((poz = str.find(s)) != string::npos) {
        // brisemo podstring s sa pozicije poz
        str.erase(poz, s.length());
```

```
// registrujemo da je nesto obrisano
obrisano = true;
}
// vracamo podatak o tome da li je nesto obrisano
return obrisan;
}

int main() {
    // ucitava znake u string niska do znaka za kraj linije
    string tekst;
    getline(cin, tekst);

    // ucitavamo sve stringove u niz (vektor)
    vector<string> reci;
    string rec;
    while (cin >> rec)
        reci.push_back(rec);

    // brišemo delove dok god ima promena
    bool obrisan;
    do {
        obrisan = false;
        // brišemo iscrpno pojavljivanja svih podniski redom
        for (auto rec: reci)
            if (obrisi(tekst, rec))
                // belezimo da je nesto bilo obrisano
                obrisan = true;
    } while (obrisano);

    // ispisujemo konacni rezultat
    cout << tekst << endl;
}
```